

**MINISTÉRIO DA DEFESA  
EXÉRCITO BRASILEIRO  
DECEX – DEPA  
COLÉGIO MILITAR DO RECIFE**



**CONCURSO DE ADMISSÃO AO 1º ANO DO ENSINO MÉDIO  
PROVA DE MATEMÁTICA  
25 DE SETEMBRO DE 2016**

**INSTRUÇÕES:**

- Verifique se a prova contém 20 questões, numeradas de 1 a 20; caso contrário reclame ao fiscal da sala.
- Para cada questão existe apenas UMA única resposta correta.
- Essa resposta deve ser marcada na FOLHA DE RESPOSTAS que você recebeu.
- Marque a letra na FOLHA DE RESPOSTAS conforme orientação do fiscal de sala.
- Não será permitida qualquer espécie de consulta, nem uso de calculadora.
- A duração da prova é de 3 horas para responder a todas as questões e preencher a FOLHA DE RESPOSTAS.
- Não esqueça de assinar a FOLHA DE RESPOSTAS.

**PREENCHA OS DADOS ABAIXO:**

Número de Inscrição:

Nome:



CONCURSO DE ADMISSÃO AO  
COLÉGIO MILITAR DO RECIFE -2016/2017

PROVA DE MATEMÁTICA  
1º ANO DO ENSINO MÉDIO

**ITEM 01** – A seção de Educação Física do CMR, após ter realizado a medição da altura dos alunos de uma turma do Ensino Médio, construiu a tabela ao lado.

Sobre a tabela ao lado, afirma-se corretamente que:

I – existem mais de 20 alunos com altura menor que 1,80 m.

II – 60% dos alunos estão com altura acima de 1,70 m.

III – a média de altura da turma é de 1,65 m.

São verdadeiras as seguintes afirmações:

- (A) I e II
- (B) I e III
- (C) II e III
- (D) apenas I
- (E) Todas são falsas

ALTURA (m)	QTDE DE ALUNOS
1,50 — 1,60	05
1,60 — 1,70	08
1,70 — 1,80	12
1,80 — 1,90	04
1,90 — 2,00	01

**ITEM 02** – Leia o texto a seguir.

### Arena Pernambuco

A Arena de Pernambuco, o mais moderno estádio de futebol do estado, construído na cidade de São Lourenço da Mata com a capacidade de 46.154 torcedores, foi inaugurado no dia 22 de maio de 2013.



Arena de Pernambuco

Disponível em [www.wikipedia.org/wiki/Itaipava\\_Arena\\_Pernambuco](http://www.wikipedia.org/wiki/Itaipava_Arena_Pernambuco) – acessado em 12/09/16 - Adaptado

Considere que o preço **P** de cada ingresso num jogo importante seja definido, em função da expectativa do número **x** de milhares de torcedores, por  **$P = 100 - 2x$** .

Sabe-se que a renda (**R**) é o valor total arrecadado apenas com a venda dos ingressos. Qual a quantidade de torcedores que permitirá uma maior renda (**R**) possível?

- (A) 10.000
- (B) 15.000
- (C) 25.000
- (D) 30.000
- (E) 40.000



CONCURSO DE ADMISSÃO AO  
COLÉGIO MILITAR DO RECIFE -2016/2017

PROVA DE MATEMÁTICA  
1º ANO DO ENSINO MÉDIO

**ITEM 03** – No século XVII, o físico Galileu Galilei concluiu por meio de experimentos, que dois corpos de massas diferentes, quando abandonados simultaneamente da mesma altura, desprezando a resistência do ar, alcançam o solo no mesmo instante. Ele percebeu também que existe uma relação entre a distância percorrida " $d$ ", em metros, e o tempo de queda " $t$ ", em segundos, do corpo. Tal relação é dada pela igualdade  $d = kt^2$ .

Supondo que dois corpos A e B sejam abandonados, simultaneamente, das alturas de 20m e 245m, respectivamente, determine o tempo em segundos que o corpo B permanece no ar após o corpo A tocar o solo. Considere  $k = 5\text{m/s}^2$ .

- (A) 2 seg                      (B) 3 seg                      (C) 4 seg                      (D) 5 seg                      (E) 6 seg

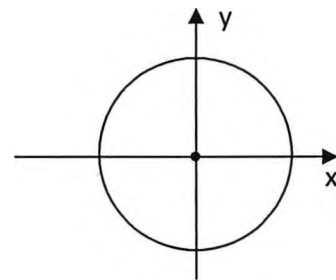
**ITEM 04** – Nas competições de tiro esportivo, vence o atleta que soma mais pontos nas suas tentativas, e soma-se mais pontos quanto mais próximo for o tiro do alvo.

O atleta, Sgt Felipe Wu, foi o primeiro brasileiro a ganhar uma medalha nos jogos olímpicos Rio 2016.

Considerando o alvo no centro de um plano cartesiano cujos módulos das coordenadas são dadas em milímetro, analise as afirmativas I, II, III, e IV.

	Coordenada do tiro
1º tiro	(2,7)
2º tiro	(4,4)
3º tiro	(5,3)
4º tiro	(-1,-6)

Coordenadas acertadas pelo atleta durante treinamento



Plano cartesiano com alvo na origem

- I – O segundo e o terceiro tiros receberam mesma pontuação.  
II – O quarto tiro foi o que mais somou pontos.  
III – O tiro que menos somou pontos foi o primeiro.  
IV – Há dois tiros que ficaram a mesma distância do alvo.

Conclui-se corretamente que:

- (A) todas são falsas.  
(B) apenas uma delas é verdadeira.  
(C) apenas duas delas são verdadeiras.  
(D) apenas uma delas é falsa.  
(E) todas são verdadeiras.



CONCURSO DE ADMISSÃO AO  
COLÉGIO MILITAR DO RECIFE -2016/2017

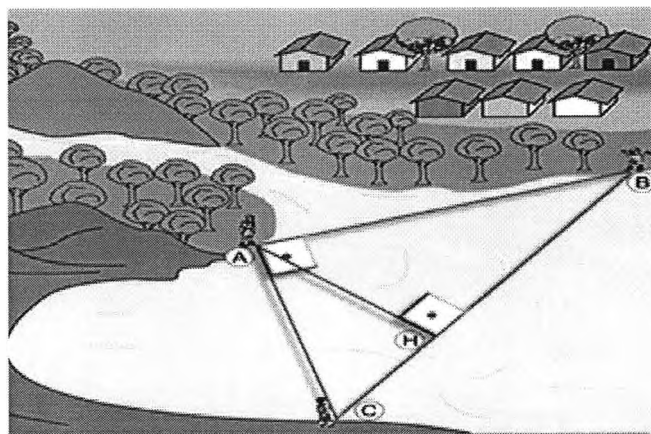
PROVA DE MATEMÁTICA  
1º ANO DO ENSINO MÉDIO

**ITEM 05** – Um grupo de alunos do CMR resolveu almoçar na cantina do colégio. Chegando lá, combinaram que a despesa total seria igualmente dividida por cada integrante do grupo. Com o prato principal, o grupo gastou R\$ 108,00 e com as sobremesas R\$ 36,00. Sabendo que cada sobremesa custa R\$ 6,00 a menos que o prato principal, qual o total da despesa de cada aluno?

- (A) R\$ 10,00
- (B) R\$ 12,00
- (C) R\$ 11,50
- (D) R\$ 13,00
- (E) R\$ 15,00

**ITEM 06** – Um barqueiro deve entregar um presente para cada um dos seus três sobrinhos que se encontram nos pontos A, B e C das margens de um rio. O barco só pode percorrer em linha reta as distâncias  $d_{HA}$ ,  $d_{HC}$ ,  $d_{HB}$ ,  $d_{BA}$ ,  $d_{BC}$  ou  $d_{CA}$  (sendo  $d_{XY}$  a distância do ponto X ao ponto Y).

Qual é a menor distância, em metros, que o barco deve percorrer para que o barqueiro possa entregar os três presentes, sabendo que a distância entre o barco que está em H e a criança que está em B é de 48 m, e que a distância entre as crianças que estão em A e B é de 60m?



- (A) 132m.
- (B) 136m.
- (C) 140m.
- (D) 145m.
- (E) 168m.



CONCURSO DE ADMISSÃO AO  
COLÉGIO MILITAR DO RECIFE -2016/2017

PROVA DE MATEMÁTICA  
1º ANO DO ENSINO MÉDIO

**ITEM 07** – O Rio de Janeiro sediou no período de 05 a 21 de agosto de 2016, os jogos da XXXI OLIMPÍADAS. Neste evento histórico, o Brasil teve uma brilhante participação tanto na organização do evento, como nos resultados obtidos na competição, saltando da 22ª para a 13ª posição no ranking mundial.

(Obs. O país que obtiver mais medalhas de ouro estará melhor classificado, em caso de empate observa-se a quantidade de medalhas de prata e bronze respectivamente)

Colocação	País	OURO	PRATA	BRONZE	TOTAL
1	Estados Unidos	46	37	38	121
2	Grã-Bretanha	27	23	17	67
3	China	26	18	26	70
4	Rússia	19	18	19	56
5	Alemanha	17	10	15	42
6	Japão	12	8	21	41
7	França	10	18	14	41
8	Coréia do Sul	9	3	9	21
9	Itália	8	12	8	28
10	Austrália	8	11	10	29
13	<b>BRASIL</b>	<b>7</b>	<b>6</b>	<b>6</b>	<b>19</b>

Quadro de Medalhas Olimpíadas Rio 2016



No quadro acima, apresentamos uma síntese dos resultados dos jogos Rio 2016. Da análise desse quadro, podemos concluir corretamente que:

- (A) o total de medalhas da China representa 70% do total de medalhas dos EUA
- (B) dentre as quantidades de medalhas de ouro, são números primos, apenas aquelas obtidas pelo Brasil e Alemanha
- (C) o Brasil ganhou um número de medalhas de ouro, igual a exatamente 30% do número de medalhas de bronze do Japão
- (D) a média aritmética do número de medalhas de prata conquistadas entre os 3 primeiros colocados foi igual a 26
- (E) se o Brasil tivesse conquistado mais 1 medalha de ouro, saltaria para o 10º lugar



CONCURSO DE ADMISSÃO AO  
COLÉGIO MILITAR DO RECIFE -2016/2017

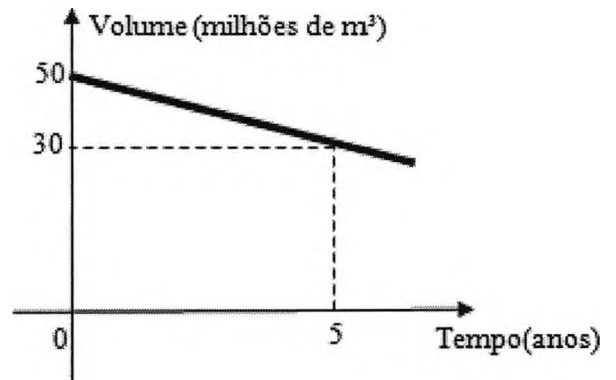
PROVA DE MATEMÁTICA  
1º ANO DO ENSINO MÉDIO

**ITEM 08** – Na região Nordeste um dos problemas mais graves enfrentados pela população é a falta de água, principalmente no semiárido. Para minimizar esse problema, uma das soluções é a construção de represas. Na região metropolitana do Recife, foi construída uma grande represa chamada TAPACURÁ, que possui capacidade máxima aproximada de 100 milhões de metros cúbicos e cujo volume morto representa 6,0% dessa capacidade.



Figura 1: Represa de TAPACURÁ

Considerando que o volume de água dessa represa vem diminuindo linearmente, conforme gráfico ao lado, daqui à quantos anos poderá esse volume atingir o volume morto?



**Observação:** O termo técnico **volume morto**, significa um nível crítico da represa, o qual ao ser atingido, impossibilitará a captação da água.

- (A) 10 anos
- (B) 11 anos
- (C) 12 anos
- (D) 15 anos
- (E) 20 anos

**ITEM 09** – Considerando as proposições I, II, III e IV a seguir,

$$I - \sqrt{58 + \sqrt{31 + \sqrt{21 + \sqrt{13 + \sqrt{7 + \sqrt{3 + \sqrt{1 + \sqrt{0}}}}}}}} = 8$$

$$II - \sqrt[3]{2016} \cdot \sqrt[6]{162} = 6 \cdot \sqrt[6]{7}$$

$$III - \sqrt{50} - \sqrt{18} = 2\sqrt{2}$$

são verdadeiras:

- (A) nenhuma.
- (B) apenas as proposições I e II.
- (C) apenas as proposições II e III.
- (D) apenas as proposições I e III.
- (E) todas.



CONCURSO DE ADMISSÃO AO  
COLÉGIO MILITAR DO RECIFE -2016/2017

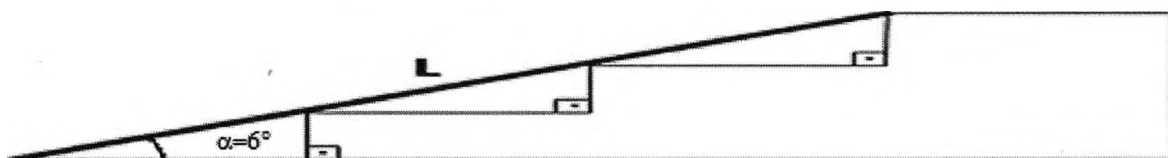
PROVA DE MATEMÁTICA  
1º ANO DO ENSINO MÉDIO

**ITEM 10** – Atualmente uma grande preocupação dos Estabelecimentos de Ensino está direcionada às necessidades dos alunos com deficiências. A “lei de acessibilidade e mobilidade urbana” estabelece parâmetros a serem obedecidos pela sociedade. No caso dos cadeirantes, por exemplo, a legislação em vigor prescreve que as rampas de acesso, possuam inclinação de  $6^\circ$ .

Abaixo, temos uma vista lateral de uma rampa que será construída em conformidade com a lei supracitada. Sabendo que esta rampa encontra-se apoiada em 3 degraus com altura de 18 cm cada, podemos afirmar que o comprimento (**L**) da rampa, em metros, é aproximadamente

(Dados:  $\sin \alpha = 0,104$  e  $\cos \alpha = 0,994$  e  $\operatorname{tg} \alpha = 0,105$ )

- (A) 1,8
- (B) 5,2
- (C) 18
- (D) 3,5
- (E) 52



**ITEM 11** – Numa operação militar, foi montado um campo de minas (bombas explosivas), conforme figura abaixo. Essas minas estão localizadas nas seguintes coordenadas:

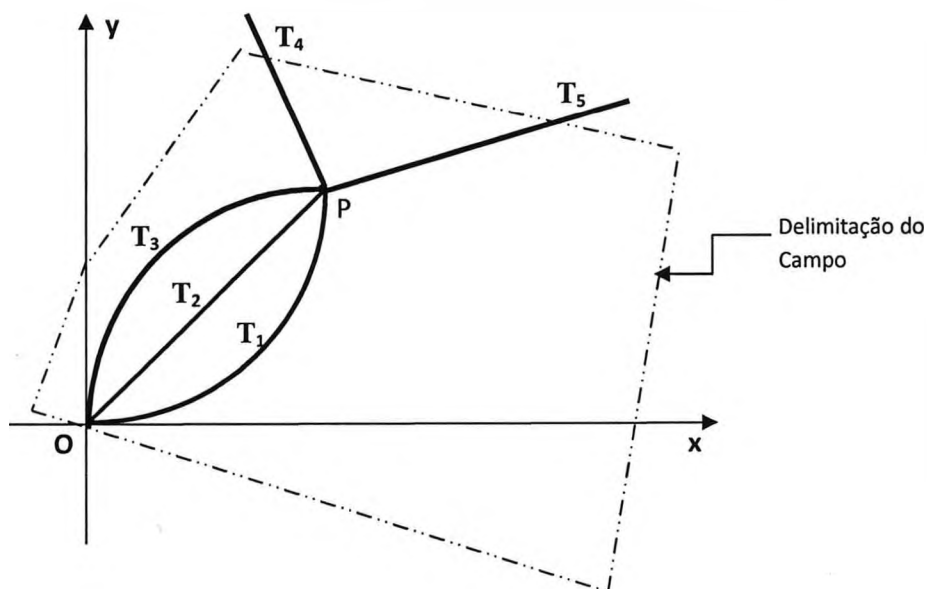
$$M_1(1,4), M_2(1,5), M_3(3,7), M_4(4, -1) \text{ e } M_5(3,11)$$

Neste campo existem 5 trechos de trilhas (**T<sub>1</sub>**, **T<sub>2</sub>**, **T<sub>3</sub>**, **T<sub>4</sub>** e **T<sub>5</sub>**), representadas, respectivamente, pelas funções abaixo descritas, de modo que as trilhas **T<sub>1</sub>**, **T<sub>2</sub>** e **T<sub>3</sub>** iniciem no ponto **O** e terminem no ponto **P** e as trilhas **T<sub>4</sub>** e **T<sub>5</sub>** iniciem no ponto **P**.

$$\begin{cases} T_1 : y = 2x^2, & \forall x \in [0,2] \\ T_2 : y = 4x, & \forall x \in [0,2] \\ T_3 : y = -x^2 + 6x, & \forall x \in [0,2] \\ T_4 : y = -x + 10, & \forall x \leq 2 \\ T_5 : y = 3x + 2, & \forall x \geq 2 \end{cases}$$

Baseado nos conhecimentos de representação de pontos e funções no gráfico cartesiano, podemos afirmar que, usando as trilhas existentes, qual a única escolha das trilhas que permite atravessar esse campo minado com segurança?

- (A) **T<sub>3</sub>** e **T<sub>5</sub>**
- (B) **T<sub>1</sub>** e **T<sub>5</sub>**
- (C) **T<sub>3</sub>** e **T<sub>4</sub>**
- (D) **T<sub>2</sub>** e **T<sub>5</sub>**
- (E) **T<sub>1</sub>** e **T<sub>4</sub>**

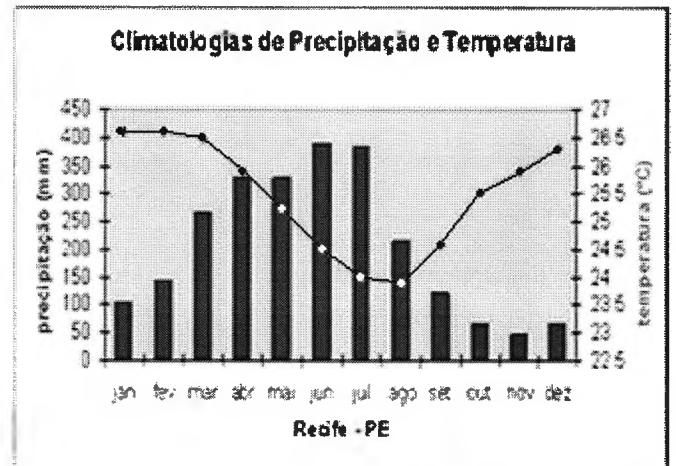




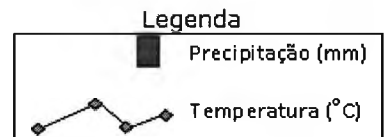
CONCURSO DE ADMISSÃO AO  
COLÉGIO MILITAR DO RECIFE -2016/2017

PROVA DE MATEMÁTICA  
1º ANO DO ENSINO MÉDIO

**ITEM 12** – O gráfico ao lado, apresenta a variação da temperatura e da precipitação da chuva (em mm) no ano de 2015, na cidade do Recife. Analisando os dados desse gráfico, conclui-se corretamente que



- (A) o mês mais chuvoso foi em abril.  
(B) a temperatura de junho e julho foram iguais.  
(C) o mês mais quente foi o de menor precipitação.  
(D) março registrou o dobro da temperatura de fevereiro.  
(E) de setembro a outubro foi o período mensal que houve a maior elevação da temperatura.



**ITEM 13** – Em uma refinaria de petróleo, quando o reservatório de gasolina estava completamente cheio, ocorreu um grande vazamento provocado por uma rachadura em sua base. Os técnicos responsáveis pelo conserto estimaram que, a partir do instante em que ocorreu a avaria, o volume  $V$  de gasolina restante no reservatório (em quilolitro) em função do tempo  $t$  (em hora) podia ser calculado pela lei:

$$V(t) = -2t^2 - 8t + 120.$$

- após 3 horas da ocorrência da avaria restariam 68 quilolitros no reservatório.
- a capacidade do reservatório era de 120 quilolitros.
- o reservatório se esvaziaria por completo após 6 horas da ocorrência da avaria.
- para conseguir salvar pelo menos 80% da gasolina do reservatório, os técnicos deveriam realizar o conserto em até 2 horas após a ocorrência da avaria.

Pode-se afirmar corretamente que

- (A) todas são falsas.  
(B) apenas uma delas é verdadeira.  
(C) apenas duas delas são verdadeiras.  
(D) apenas uma delas é falsa.  
(E) todas são verdadeiras.





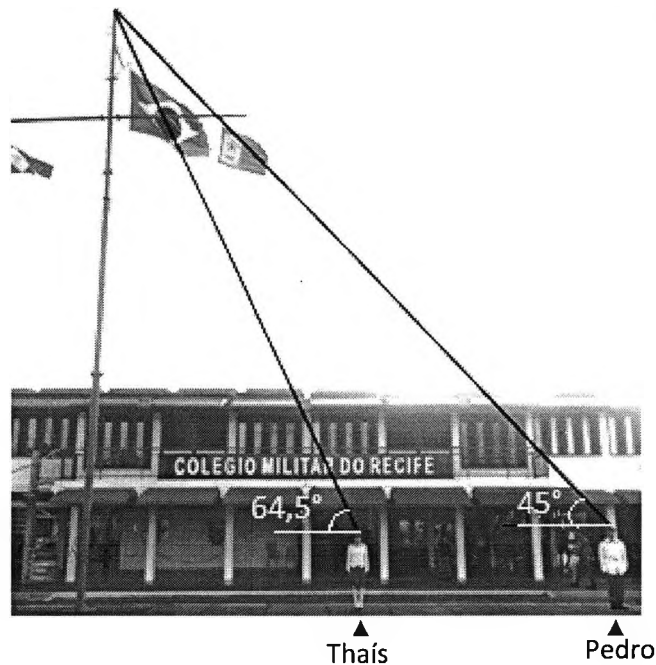
CONCURSO DE ADMISSÃO AO  
COLÉGIO MILITAR DO RECIFE -2016/2017

PROVA DE MATEMÁTICA  
1º ANO DO ENSINO MÉDIO

**ITEM 14** – Para medir a altura do mastro da bandeira do CMR, o professor de matemática solicitou aos alunos Pedro e Thaís que ficassem alinhados ao mastro a uma distância de 4,5 metros um do outro. Sabe-se que Thaís, que está entre Pedro e o mastro, mede 1,50 m e que Pedro mede 1,70 m. Além disso, o segmento de reta que liga o ponto mais alto de Thaís ao topo do mastro forma um ângulo de  $64,5^\circ$  com a horizontal, enquanto o segmento de reta que liga o ponto mais alto de Pedro ao topo do mastro forma um ângulo de  $45^\circ$  com a horizontal.

Considere que o mastro esteja perpendicular ao solo e que  $\operatorname{tg}(64,5^\circ) = 2,1$ . A qual intervalo pertence o número que representa a medida da altura do mastro em metros?

- (A) 8 a 9.
- (B) 9 a 10.
- (C) 10 a 11.
- (D) 11 a 12.
- (E) 12 a 13.





CONCURSO DE ADMISSÃO AO  
COLÉGIO MILITAR DO RECIFE -2016/2017  
PROVA DE MATEMÁTICA  
1º ANO DO ENSINO MÉDIO

**ITEM 15 – Leia o texto a seguir**

**Ouro e recorde olímpico para o Brasil**

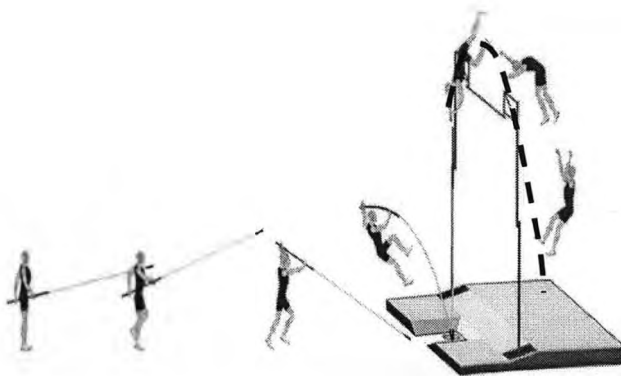
O brasileiro Thiago Braz conseguiu a inédita medalha de ouro em uma das mais tradicionais competições do atletismo, a do salto com vara, em uma altura difícil de se imaginar: é como se fosse pular até quase o equivalente a três andares de um prédio.

Ele desbancou o francês Renaud Lavillenie, que era até agora o campeão olímpico. O brasileiro conseguiu passar de 6,03m de altura.

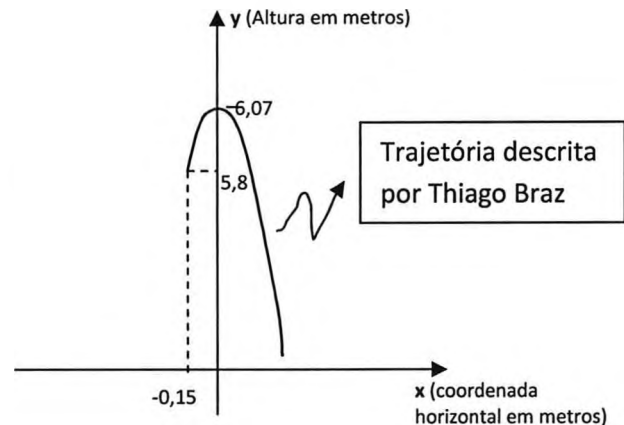
(Disponível em: <http://g1.globo.com/jornal-da-globo/noticia/2016/08/thiago-braz-ganha-ouro-e-e-novo-recorde-olimpico-no-salto-com-vara.html> - adaptado)

O esquema abaixo

**Salto com vara**



**Esquema de salto com vara**



Para o salto ser perfeito o atleta deve soltar a vara quando esta estiver na posição vertical e a uma distância horizontal de 15 cm do obstáculo, de modo que a maior altura alcançada pelo atleta se dê na mesma coordenada horizontal do obstáculo, e, a sua trajetória, a partir do momento em que solta a vara, seja descrita por parte de uma parábola.

Suponha que Thiago Braz deu o salto perfeito, que a vara utilizada por ele mede 5,8 m e que ele alcançou a altura máxima de 6,07 m. Qual é a função que melhor representa a altura  $y$ , em metros, alcançada por Thiago Braz em função da coordenada horizontal?

- (A)  $y = -12x^2 + 6,07$
- (B)  $y = 12x^2 + 6,07$
- (C)  $y = -1,2x^2 + 6,07$
- (D)  $y = -0,12x^2 + 6,07$
- (E)  $y = -0,12x^2 + 60,7$



**ITEM 16** – Considerando as proposições I, II, III e IV a seguir,

I.  $2^{\frac{3}{2}} \cdot 4^{\frac{1}{4}} \cdot (-9)^{\frac{1}{2}} = -6$

II.  $1^{\frac{9}{7}} - 10 + 121^{\frac{1}{2}} = 0$

III. a igualdade  $\sqrt{13^2 + 13^2 + \dots + 13^2} = 13^2 + 13^2 + 13^2 + 13^2$  será verdadeira se dentro do radicando houver, no total, 2704 parcelas iguais a  $13^2$

IV.  $\left(10^{-\frac{1}{2}}\right)^{\frac{1}{3}} : 10^{\frac{1}{6}} = 1$

afirma-se corretamente que,

- (A) todas são falsas.
- (B) apenas uma delas é verdadeira.
- (C) apenas duas delas são verdadeiras.
- (D) apenas uma delas é falsa.
- (E) todas são verdadeiras.

**ITEM 17** – O retângulo áureo dos gregos é um retângulo especial em que valem as relações entre comprimento (C) e a largura (L) conhecidas como proporção áurea.

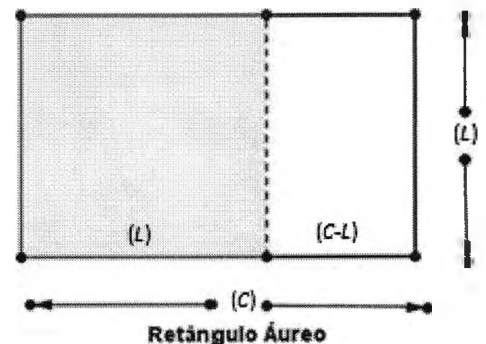
$$\frac{C}{L} = \frac{L}{C-L} \rightarrow \text{proporção áurea}$$

A proporção áurea pode ser observada em inúmeras situações como no templo grego Partenon, que tem suas medidas apoiadas na proporção áurea.

A razão áurea  $\varphi = \frac{C}{L}$  é uma constante positiva também denominada como número de ouro.

Sendo assim, é correto afirmar que o número de ouro  $\varphi$ :

- (A) pertence ao intervalo (1,2).
- (B) é um número primo.
- (C) é um número negativo.
- (D) é racional maior que 4.
- (E) é tal que a diferença  $\varphi^2 - \varphi$  é um número inteiro não positivo.



Fachada do Partenon, Grécia



CONCURSO DE ADMISSÃO AO  
COLÉGIO MILITAR DO RECIFE -2016/2017

PROVA DE MATEMÁTICA  
1º ANO DO ENSINO MÉDIO

**ITEM 18** – Sendo  $b, c$  e  $a$  inteiros positivos com  $b < c < a$  dizemos que  $(b, c, a)$  é um terno pitagórico se  $a^2 = b^2 + c^2$ . Assim,  $(3, 4, 5)$  é um terno pitagórico.

Uma forma de se encontrar ternos pitagóricos é escolhendo  $m$  e  $n$  inteiros positivos com  $m > n$  e fazendo  $b = m^2 - n^2$  e  $a = m^2 + n^2$ . Sabe-se que o terno pitagórico  $(304, 690, 754)$  foi encontrado usando a forma descrita.

Sendo assim, considerando o terno  $(304, 690, 754)$  para análise das afirmativas I, II, III e IV

I –  $m$  é um número primo.

II –  $n$  é um múltiplo de 15.

III –  $c = 2 \cdot m \cdot n$ .

IV – um triângulo com lados medindo 304 cm, 690 cm e 754 cm, respectivamente, é retângulo.

pode-se afirmar corretamente que:

(A) todas são falsas.

(B) apenas uma delas é verdadeira.

(C) apenas duas delas são verdadeiras.

(D) apenas uma delas é falsa.

(E) todas são verdadeiras.

**ITEM 19** – Cada unidade de um certo tipo de relógio é vendida pela indústria que o fabrica por R\$ 80,00 e, a esse preço, são vendidas, semanalmente, 500 unidades. Sabe-se que a cada R\$ 2,00 de aumento no preço unitário do relógio as vendas semanais caem em 10 unidades. Sabe-se ainda que o custo semanal de fabricação de  $x$  unidades desse relógio é dado por

$$C(x) = x \cdot \left( \frac{2700}{x} + 51 \right)$$

e que o lucro semanal obtido pela fábrica é dado pela diferença entre a receita semanal (valor total recebido na semana com as vendas dos relógios) e o custo semanal de fabricação. Sendo assim, qual o lucro semanal recebido pela fábrica quando a receita semanal for máxima?

(A) R\$ 14850.

(B) R\$ 25650.

(C) R\$ 28200.

(D) R\$ 37545.

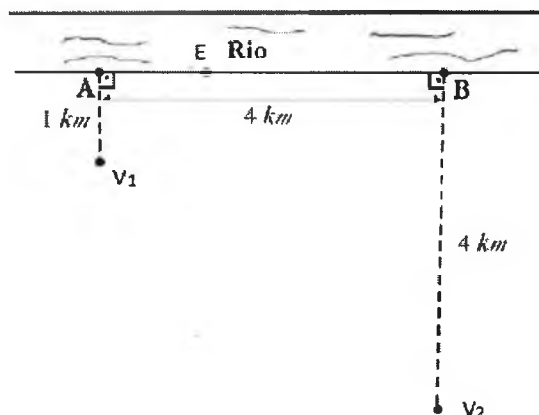
(E) R\$ 40500.



CONCURSO DE ADMISSÃO AO  
COLÉGIO MILITAR DO RECIFE -2016/2017

PROVA DE MATEMÁTICA  
1º ANO DO ENSINO MÉDIO

**ITEM 20** – Duas vilas da zona rural de um município localizam-se na mesma margem de um trecho retilíneo de um rio. Devido a problemas de abastecimento de água, os moradores fizeram várias reivindicações à prefeitura, solicitando a construção de uma estação de bombeamento de água para sanar esses problemas. Um desenho do projeto, proposto pela prefeitura para a construção da estação, está mostrado na figura a seguir. No projeto, estão destacados:



- Os pontos  $V_1$  e  $V_2$ , representando os reservatórios de água de cada vila, e as distâncias desses reservatórios ao rio.
- Os pontos A e B, localizados na margem do rio, respectivamente, mais próximos dos reservatórios  $V_1$  e  $V_2$ .
- O ponto E, localizado na margem do rio, entre os pontos A e B, onde deverá ser construída a estação de bombeamento.

Para reduzir o custo com tubulações a estação de bombeamento deverá ser construída de acordo com o projeto e de modo que a soma (S) das distâncias entre a estação e cada um dos reservatórios das duas vilas seja a menor possível, isto é,  $S = \overline{V_1E} + \overline{EV_2}$  é o menor possível. Sendo assim, considerando as proposições I, II, III e IV a seguir,

I – A distância  $\overline{EV_2}$  é de 5 km.

II – A estação E deve ficar a menos de 1 km do ponto A.

III – A Soma das distâncias (S) é menor que 6,5 km.

IV – As vilas estão a mais de 5 km de distância uma da outra.

afirma-se corretamente que:

- (A) todas são falsas.
- (B) apenas uma delas é verdadeira.
- (C) apenas duas delas são verdadeiras.
- (D) apenas uma delas é falsa.
- (E) todas são verdadeiras.